

# Ligninger 1

---

Hvis man ønsker mere udfordring kan de **første 3 opgaver springes over.**

## Opgave 1

Løs følgende ligninger i hånden

- 1)  $5 + x = 7$
- 2)  $3 \cdot (14 + x) = 9$
- 3)  $-11 + x = 13$
- 4)  $4 + x = -7$
- 5)  $x - 13 = -25$
- 6)  $\frac{13}{2} + x = -\frac{15}{2}$
- 7)  $\frac{13}{3} + x = \frac{15}{2}$
- 8)  $-0.42 + x = 1.58$

## Opgave 2

Løs følgende ligninger i hånden

- 1)  $14x = 7$
- 2)  $-3x = 5$
- 3)  $2x = -\frac{9}{2}$
- 4)  $-\frac{1}{2}x = -\frac{3}{8}$
- 5)  $2x - 3 = x + 5$
- 6)  $5x - 8 = 4 - x$
- 7)  $7x + 3 = 4 \cdot (x + 2) - 2$
- 8)  $3 \cdot (x - 2) + 1 = x + 2 \cdot (x + 2)$
- 9)  $3 \cdot (x - 2) + 1 = x + 2 \cdot (x + 2)$
- 10)  $1 - 2 \cdot (x - 1) = 2 \cdot (2 - x) - 1$

## Opgave 3

Løs følgende ligninger i hånden

- 1)  $3x - 1 = 5$
- 2)  $3 - x = 4$
- 3)  $20 - 3x = 7x,$

- 4)  $12x - 1 = 4x - 9$   
 5)  $-x - 1 = 4x - 11$   
 6)  $5 - x = 2x - 1$   
 7)  $3(x - 1) = 6$   
 8)  $3 - 2x = 4x$   
 9)  $2(1 - 2x) + 5x = 7$   
 10)  $-\frac{1}{2} \cdot (2x - 4) = 2$   
 11)  $3 \cdot (x - 1) = 4x - 1$   
 12)  $7 - 2x = 3x - 3$

### Opgave 4

Løs følgende ligninger ved at gange over kors:

$$1. \quad \frac{x+5}{2} = \frac{5x-17}{3}$$

$$2. \quad \frac{3x+7}{2} = \frac{8x+7}{3}$$

$$3. \quad \frac{9-x}{4} = \frac{8x}{3} + 11$$

$$4. \quad \frac{x+7}{5} = \frac{8x+19}{3}$$

### Opgave 5

Løs ligningerne

$$1. \quad \frac{x-2}{6} - \frac{2x+13}{8} = \frac{37}{24} - \frac{12+x}{4}$$

$$2. \quad \frac{5x-2}{3} + \frac{8-x}{5} = \frac{x+14}{2} - \frac{11}{5},$$

$$3. \quad \frac{4-x}{7} - \frac{x+3}{5} = \frac{1}{7} - \frac{6(2x+1)}{35},$$

$$4. \quad \frac{x}{3} + \frac{3x-7}{6} - \frac{2x+15}{15} = \frac{1}{2} - \frac{3(3-2x)}{10}$$

### Opgave 6

Løs ligningerne

$$1. \quad \frac{x}{3} + 4 = 7$$

$$2. \quad 7 - \frac{y}{2} = 8$$

$$3. \frac{x}{2} + \frac{x}{3} = 10$$

$$4. \frac{x}{2} + \frac{x}{5} = 14$$

$$5. \frac{2y}{3} - \frac{y}{4} = 15$$

$$6. \frac{3y}{5} - \frac{y}{10} = 15$$

### Opgave 7

Isoler  $x$  i hvert af udtrykkene

$$1. \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 10$$

$$2. \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{z}$$

$$3. \frac{a}{x} + \frac{b}{y} = 1$$

$$4. y\left(\frac{1}{x} + 2\right) = 3$$

$$5. y\left(\frac{x}{y} + y\right) = \frac{1}{z}$$

$$6. \frac{a}{x} + 2 = \frac{1}{x}$$

### Opgave 8

Læs hver af følgende ligninger vha. nulreglen:

$$1. x \cdot (x - 1) = 0$$

$$2. 2x \cdot (x + 1) = 0$$

$$3. (x - 4) \cdot (x - 3) = 0$$

$$4. (x + 1) \cdot (x - 1) = 0$$

$$5. 2 \cdot (x - 5) \cdot (x - 1) = 0$$

$$6. \frac{1}{2} \cdot (x + 2) \cdot (x + 7) = 0$$

### Opgave 9

Læs hver af følgende ligninger:

$$1. x \cdot (x - 2) = 0$$

$$2. 3x \cdot (x + 4) = 0$$

$$3. (x - 2) \cdot (x - 6) = 0$$

$$4. \quad (x - 1) \cdot (x - 8) = 0$$

$$5. \quad 2 \cdot (x - 5) \cdot (x - 1) = 0$$

$$6. \quad 5 \cdot (x + 3) \cdot x = 0$$

### Opgave 10

Isoler  $q$  i formlen  $a = 3q - qa + 5$ . For hvilken værdi af  $a$ , kan det ikke lade sig gøre?

### Opgave 11

Isolér den specifcerede variabel i hvert af udtrykkene

a)  $t:$   $3x + 4 = \frac{2x + t}{t}$

b)  $t:$   $v = a \cdot t + v_0$

c)  $a:$   $T = \frac{1}{2} \cdot h \cdot (a + b)$

### Opgave 12

Isoler  $y$  i formlen  $b - 3y = ay + c$ . For hvilken værdi af  $a$ , kan det ikke lade sig gøre?

### Opgave 13

Løs ligningerne:

a)  $3 - \frac{4}{x} = x - 1$ .

b)  $\frac{3}{x} - \frac{x}{3} = 0$ .

c)  $\frac{x+1}{2} = \frac{3-x}{4}$ .

d)  $\frac{2x+4}{4} = 2x+4 - \frac{x}{2}$ .

## Opgave 14

Løs ligningerne:

$$\text{a)} \quad \frac{1}{x} + 4x = 4.$$

$$\text{b)} \quad 4x - 1 = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}.$$

$$\text{c)} \quad 4x - 1 = -2 \cdot (x - 1).$$

$$\text{d)} \quad \frac{2}{3}x + 5 = -2 \cdot \left( x - \frac{1}{2} \right).$$

$$\text{e)} \quad 3 \cdot (2x - 6) = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}x.$$

---

## Facit

opgave 1

$$1) \quad x = 2$$

$$2) \quad x = -11$$

$$3) \quad x = 24$$

$$4) \quad x = -11$$

$$5) \quad x = -12$$

$$6) \quad x = -14$$

$$7) \quad x = \frac{19}{6}$$

$$8) \quad x = 2$$

---

Opgave 2

$$1) \quad x = \frac{1}{2}$$

$$2) \quad x = -\frac{5}{3}$$

$$3) \quad x = -\frac{9}{4}$$

$$4) \quad x = \frac{3}{4}$$

$$5) \quad x = 8$$

$$6) \quad x = 2$$

$$7) \quad x = 1$$

- 
- 8) ingen løsning
  - 9) ingen løsning
  - 10)  $x \in ]-\infty, +\infty[$
- 

### Opgave 3

- 1)  $x = 2$
  - 2)  $x = -1$
  - 3)  $x = 2$
  - 4)  $x = -1$
  - 5)  $x = 2$
  - 6)  $x = 2$
  - 7)  $x = 3$
  - 8)  $x = \frac{1}{2}$
  - 9)  $x = 5$
  - 10)  $x = 0$
  - 11)  $x = -2$
  - 12)  $x = 2$
- 

### Opgave 4

- 1.  $x = 7$
  - 2.  $x = 1$
  - 3.  $x = -3$
  
  - 4.  $x = -2$
- 

### Opgave 5

- 1.  $x = 3$
- 2.  $x = 4$
- 3.  $x \in ]-\infty, +\infty[$

---

4.  $x = \frac{52}{3}$

---

Opgave 6

1.  $x = 9$
2.  $y = -2$
3.  $x = 12$
4.  $x = 20$
5.  $y = 36$
6.  $y = 30$

Opgave 7

1.  $x = \left( \frac{y}{10*y-1} \right)$

2.  $x = \left( \frac{y*z}{y-z} \right)$

3.  $x = \left( \frac{a*y}{y-b} \right)$

4.  $x = \left( \frac{-y}{2*y-3} \right)$

5.  $x = \left( \frac{1}{z} \right) - y^2$

6.  $x = \left( \frac{-(a-1)}{2} \right)$

---

Opgave 8

1.  $x = 0$  or  $x = 1$
  2.  $x = -1$  or  $x = 0$
  
  3.  $x = 3$  or  $x = 4$
  4.  $x = -1$  or  $x = 1$
  
  5.  $x = 1$  or  $x = 5$
  6.  $x = -7$  or  $x = -2$
- 

Opgave 9

1.  $x = 0$  or  $x = 2$
2.  $x = -4$  or  $x = 0$

3.  $x = 2$  or  $x = 6$

4.  $x = 1$  or  $x = 8$

5.  $x = 1$  or  $x = 5$

6.  $x = -3$  or  $x = 0$

Opgave 10

---

$$q = \left( \frac{-(a-5)}{a-3} \right)$$

Når  $a = 3$  kan det ikke lade sig gøre

---

Opgave 11

---

a)  $t = \left( \frac{2*x}{3*(x+1)} \right)$

b)  $t = \frac{v-v_0}{a}$

c)  $a = \left( \frac{2*t}{h} \right) - b$

---

Opgave 12

---

$$y = \left( \frac{b-c}{a+3} \right)$$

Når  $a = -3$  kan det ikke lade sig gøre

---

Opgave 13

---

a)  $x = 2$

b)  $x = -3$  or  $x = 3$

c)  $x = \left( \frac{1}{3} \right)$

d)  $x = -3$

---

## Opgave 14

- a)  $x = \frac{1}{2}$
  - b)  $x = 1$
  - c)  $x = \frac{1}{2}$
  - d)  $x = \frac{-3}{2}$
  - e)  $x = 3$
- 

The end ☺